

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

Физико-математический факультет

Кафедра математического анализа

УТВЕРЖДАЮ

И. о. проректора по УР

М. Х. Чанкаев

«29» мая 2024 г., протокол № 8

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
СОВРЕМЕННЫЕ ПРОБЛЕМЫ ПРИКЛАДНОЙ
МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ

(наименование дисциплины (модуля))

Направление подготовки

01.04.02 Прикладная математика и информатика

(шифр, название направления)

Направленность (профиль) программы:

***Математическое и компьютерное моделирование
в экономике и управлении***

Квалификация выпускника

магистр

Форма обучения

Очная

Год начала подготовки - **2024**

Карачаевск, 2024

**КОМПЕТЕНЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ
«СОВРЕМЕННЫЕ ПРОБЛЕМЫ ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ И
ИНФОРМАТИКИ»**

| Код компетенций | Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ОПВО | Индикаторы достижения сформированности компетенций |
|------------------------|--|--|
| УК-1 | Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий | УК-1.1. Знает проблемную ситуацию как систему, выявляя ее составляющие и связи между ними и принципы сбора, отбора и обобщения информации УК-1.2. Умеет определять пробелы в информации, необходимой для решения проблемной ситуации, и проектирует процессы по их устранению УК-1.3. Владеет инструментами критического анализа надежности источников информации, практического опыта работы с ними, научного поиска |
| ОПК-1 | Способен решать актуальные задачи фундаментальной и прикладной математики | ОПК-1.1. Знает методы сбора, систематизации и анализа информации из различных источников по профессиональной тематике для решения актуальных задач фундаментальной и прикладной математики ОПК-1.2. Умеет проводить всесторонний анализ результатов научных и иных исследований по фундаментальной и прикладной математике и применять их для решения задач развития областей профессиональной деятельности ОПК-1.3. Владеет способностью к аргументированному обоснованию выбора метода решения актуальных задач фундаментальной и прикладной математики в областях профессиональной деятельности |

**ТЕСТОВЫЙ МАТЕРИАЛ ДЛЯ ДИАГНОСТИКИ ИНДИКАТОРОВ
ОЦЕНИВАНИЯ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ**

| № задания | Правильный ответ | Содержание вопроса | Компетенция |
|---|-------------------------|--|--------------------|
| ЗАДАНИЯ ОТКРЫТОГО ТИПА НА ДОПОЛНЕНИЕ | | | |
| 1 | | Прочитайте текст и запишите правильный ответ. В изучении точностных характеристик регуляризирующих алгоритмов рассматривается скалярная величина $U_b(\alpha)$ характеризующая регуляризирующего алгоритма | УК-1 |
| 2 | | Прочитайте текст и запишите правильный ответ. Нормальным решением вырожденной системы называется вектор φ_H , имеющий среди всех решений системы $A\varphi = f$ | УК-1 |

| | | | |
|--|--|---|-------|
| 3 | | Прочитайте текст и запишите правильный ответ. Функционал $\Gamma(\mu)$ содержит два параметра γ_1, γ_2 . От значений этих параметров зависит точность | ОПК-1 |
| 4 | | Прочитайте текст и запишите правильный ответ. Для функции $svds$, обращение имеет вид $svds(K)$. Он вычисляет вектор размерности M , состоящий из сингулярных чисел λ_j матрицы K , которые расположены в | ОПК-1 |
| ЗАДАНИЯ ОТКРЫТОГО ТИПА СВОБОДНОГО ИЗЛОЖЕНИЯ С РАЗВЕРНУТЫМ ОТВЕТОМ | | | |
| 5 | | Прочитайте текст и запишите развернутый ответ. Задача решения операторного уравнения $Af = \varphi$ называется корректно поставленной, если для каждой правой части $f \in X$ решение φ обладает следующими свойствами. Перечислите их. | УК-1 |
| 6 | | Прочитайте текст и запишите развернутый ответ. В матричном виде модель наблюдений имеет вид: $\tilde{y} = X\beta + \varepsilon$. Построение оценок для коэффициентов β регрессионной модели сводится к решению указанной системы уравнений. Какие условия налагаются на систему и указать корректность (некорректность) задачи. Дать развернутый ответ. | ОПК-1 |
| 7 | | Прочитайте текст и запишите развернутый ответ. Число обусловленности $cond(A)$ является важной характеристикой матрицы A . Величина числа обусловленности $cond(A)$ дает классификацию матриц (систем). Опишите эту классификацию. | УК-1 |
| 8 | | Прочитайте текст и запишите развернутый ответ. Чем вызвана необходимость использования дескриптивной регуляризации. | ОПК-1 |
| ЗАДАНИЯ ЗАКРЫТОГО ТИПА НА УСТАНОВЛЕНИЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ | | | |
| 9 | | Прочитайте текст и установите последовательность. Относительно модели наблюдений в матричном виде $\tilde{y} = X\beta + \varepsilon$ делают следующие предположения, называемые также условиями Гаусса – Маркова: 1. Матрица ковариации $V_\varepsilon = M[\varepsilon \varepsilon^T] = \sigma^2 I$ размера $n \times n$; I – единичная матрица размера $n \times n$. 2. Случайный вектор ε подчиняется n - мерному нормальному распределению. 3. Матрица X – неслучайная матрица, а ε – случайный вектор. 4. Ранг $rank(X)$ матрицы X удовлетворяет условию: $rank(X) = k + 1 \leq n$. 5. Математическое ожидание $M(\varepsilon) = \theta_n$, где θ_n – вектор, n проекций которого равны нулю (т.е. нулевой вектор). Запишите соответствующую последовательность правильности следования условий в виде цифр слева направо | УК-1 |
| 10 | | Прочитайте текст и установите последовательность. Вектор дескриптивного решения находится по формуле $\varphi_\alpha^* = V_p x_\alpha^*$. Тогда, построение дескриптивного решения можно представить следующими шагами: | ОПК-1 |

| | | | |
|----|--|---|-------|
| | | <ol style="list-style-type: none"> 1. Вычисление вектора x_α из условия минимума функционала 2. Выполнение сингулярного разложения 3. Решение вариационной задачи 4. Формирование вектора x_α^* 5. Вычисление вектора дескриптивного решения <p>Запишите соответствующую последовательность правильности следования условий в виде цифр слева направо</p> | |
| 11 | | <p>Прочитайте текст и установите последовательность. Число обусловленности $cond K$ является важной характеристикой матрицы K. Основные свойства числа обусловленности вполне очевидны и ими являются приведенные ниже свойства. Расположите их по следующему критерию - от простого к сложному.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. $cond(K) = cond(K^{-1})$. $2. cond(K) = \frac{\max_i k_{ii} }{\min_i k_{ii} };$ <p>где k_{ii} – диагональные элементы матрицы K.</p> <ol style="list-style-type: none"> 3. $cond K \geq 1$, $cond I = 1$, где I – единичная матрица. 4. для евклидовой и спектральной норм число обусловленности не меняется от умножения матрицы K слева и справа на любые ортогональные матрицы. 5. $cond(cK) = cond(K)$, где $c \neq 0$ – константа. <p>Запишите соответствующую последовательность правильности следования условий в виде цифр слева направо</p> | УК-1 |
| 12 | | <p>Прочитайте текст и установите последовательность. Байесовский подход к построению регуляризирующих алгоритмов обладает исходной информацией необходимой для построения алгоритма и точности такого алгоритма. Исходной информацией при этом являются:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Функция потерь $\Pi(\varphi_T, \bar{\varphi})$, представимая в квадратичной форме. 2. Условное распределение $p(f \bar{\varphi})$, характеризующее распределение вектора измерений при фиксированном векторе $\bar{\varphi}$. 3. Априорное распределение $p(\bar{\varphi})$ искомого вектора решения $\bar{\varphi}$. <p>Запишите соответствующую последовательность правильности следования условий в виде цифр слева направо</p> | ОПК-1 |
| 13 | | <p>Прочитайте текст и установите последовательность. Построение дескриптивного локального регуляризованного решения φ_S^*, удовлетворяющего ограничениям $G\varphi \leq g$, можно представить следующими этапами:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Проверяются ограничения $GV_p x_S \leq g$ 2. Если ограничения нарушаются, то находится решение μ^* двойственной задачи и вычисляется вектор x_S^* 3. Если эти ограничения выполняются, то $x_S^* = x_S$. 4. Вычисляется вектор x_S локального регуляризованного решения удовлетворяющий определенным ограничениям 5. Строится вектор решения φ_S^* <p>Запишите соответствующую последовательность правильности следования условий в виде цифр слева направо</p> | ОПК-1 |

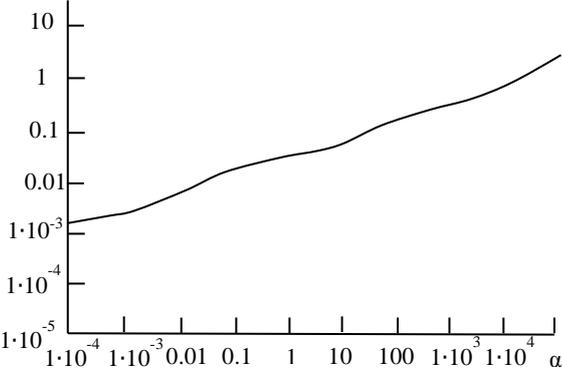
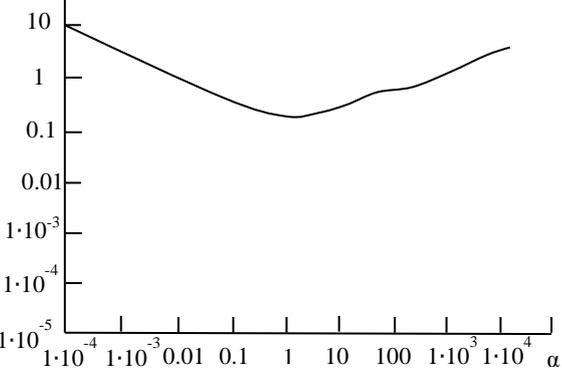
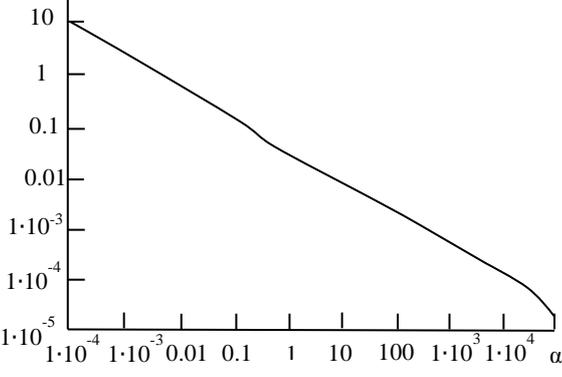
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|--|--|----------|--|---|--|---|--|---|--|---|---|---|---|----------|----------|----------|--|--|--|------|
| 14 | <p>следования условий в виде цифр слева направо</p> <p>Прочитайте текст и установите последовательность. Задача решения операторного уравнения $A\varphi = f$, называется корректно поставленной по Тихонову, если выполнены следующие условия:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Решение задачи существует и принадлежит некоторому множеству Ω_A пространства решений Ω, т.е. $\varphi \in \Omega_A \subset \Omega$. 2. Решение единственно на множестве Ω_A, т.е. для любой правой части $f \in \Phi_A$ существует единственный элемент $\varphi \in \Omega_A$. 3. Если вариации правой части не выводят ее за пределы множества Φ_A (следовательно, соответствующие φ принадлежат Ω_A), то существует непрерывная зависимость решения от правой части и обратный оператор A^{-1}. <p>Запишите соответствующую последовательность правильности следования условий в виде цифр слева направо</p> | УК-1 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ЗАДАНИЯ ЗАКРЫТОГО ТИПА НА УСТАНОВЛЕНИЕ СООТВЕТСТВИЯ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 15 | <p>Прочитайте текст и установите соответствие. Установите соответствие между вариационными задачами синтеза регуляризирующего алгоритма и их решениями, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</p> <table border="1" data-bbox="411 987 1347 1563"> <tr> <td data-bbox="411 987 453 1189">А</td> <td data-bbox="453 987 932 1189">$\min_{\alpha > 0} U_b(\alpha), \text{ при } U_\xi(\alpha) \leq U_\xi^{\max}$</td> <td data-bbox="932 987 979 1189">1</td> <td data-bbox="979 987 1347 1189">Решение задачи минимизирует систематическую ошибку при гарантированной устойчивости решения к шуму измерения</td> </tr> <tr> <td data-bbox="411 1189 453 1391">Б</td> <td data-bbox="453 1189 932 1391">$\min_{\alpha > 0} [U_b(\alpha) \cdot B_{\max}^2 + U_\xi(\alpha) \cdot \sigma_{\max}^2]$</td> <td data-bbox="932 1189 979 1391">2</td> <td data-bbox="979 1189 1347 1391">Решение задачи минимизирует норму случайной ошибки решения при требуемой разрешающей способности алгоритма</td> </tr> <tr> <td data-bbox="411 1391 453 1563">В</td> <td data-bbox="453 1391 932 1563">$\min_{\alpha > 0} U_\xi(\alpha), \text{ при } U_b(\alpha) \leq U_b^{\max}$</td> <td data-bbox="932 1391 979 1563">3</td> <td data-bbox="979 1391 1347 1563">Решение задачи является оценкой оптимального параметра регуляризации для классов решений и погрешностей</td> </tr> </table> <p>Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:</p> <table border="1" data-bbox="411 1592 1331 1664"> <tr> <td data-bbox="411 1592 719 1630" style="text-align: center;">А</td> <td data-bbox="719 1592 1027 1630" style="text-align: center;">Б</td> <td data-bbox="1027 1592 1331 1630" style="text-align: center;">В</td> </tr> <tr> <td data-bbox="411 1630 719 1664"> </td> <td data-bbox="719 1630 1027 1664"> </td> <td data-bbox="1027 1630 1331 1664"> </td> </tr> </table> | А | $\min_{\alpha > 0} U_b(\alpha), \text{ при } U_\xi(\alpha) \leq U_\xi^{\max}$ | 1 | Решение задачи минимизирует систематическую ошибку при гарантированной устойчивости решения к шуму измерения | Б | $\min_{\alpha > 0} [U_b(\alpha) \cdot B_{\max}^2 + U_\xi(\alpha) \cdot \sigma_{\max}^2]$ | 2 | Решение задачи минимизирует норму случайной ошибки решения при требуемой разрешающей способности алгоритма | В | $\min_{\alpha > 0} U_\xi(\alpha), \text{ при } U_b(\alpha) \leq U_b^{\max}$ | 3 | Решение задачи является оценкой оптимального параметра регуляризации для классов решений и погрешностей | А | Б | В | | | | УК-1 |
| А | $\min_{\alpha > 0} U_b(\alpha), \text{ при } U_\xi(\alpha) \leq U_\xi^{\max}$ | 1 | Решение задачи минимизирует систематическую ошибку при гарантированной устойчивости решения к шуму измерения | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Б | $\min_{\alpha > 0} [U_b(\alpha) \cdot B_{\max}^2 + U_\xi(\alpha) \cdot \sigma_{\max}^2]$ | 2 | Решение задачи минимизирует норму случайной ошибки решения при требуемой разрешающей способности алгоритма | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| В | $\min_{\alpha > 0} U_\xi(\alpha), \text{ при } U_b(\alpha) \leq U_b^{\max}$ | 3 | Решение задачи является оценкой оптимального параметра регуляризации для классов решений и погрешностей | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| А | Б | В | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

Прочитайте текст и установите соответствие.

Основное противоречие регуляризирующих алгоритмов состоит в следующем: при уменьшении параметра регуляризации α систематическая ошибка b_α уменьшается, но увеличивается случайная ошибка ξ_α . При увеличении α происходит обратное. Следовательно, существует такое значение α_{opt} (оптимальный параметр регуляризации), при котором $\Delta(\alpha)$ достигает минимального значения. Для графической иллюстрации этого противоречия приведены графики зависимостей в виде кривых от параметра регуляризации α . Регуляризованное решение строилось для СЛАУ, матрица которой имеет размеры 100×30 и число обусловленности $3 \cdot 10^{10}$, а дисперсия погрешностей задания правой

части соответствует относительному уровню шума $\frac{(M[\|\xi_\alpha\|^2])^{1/2}}{\|f\|} = 0.05$.

Установите соответствие путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.

| | | | |
|---|--|---|---|
| А |  | 1 | $\frac{M[\ \xi_\alpha\ ^2]}{\ \varphi\ ^2}$ |
| Б |  | 2 | $\frac{\ b_\alpha\ ^2}{\ \varphi\ ^2}$ |
| В |  | 3 | $\frac{\Delta(\alpha)}{\ \varphi\ ^2}$ |

Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:

| А | Б | В |
|---|---|---|
| | | |

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|----|---|---|--|--------------------------------------|---|---|---|--------------------|---|--|---|---|---|---|------|-------------------------------|---|--|---|----------------|---|--------------------------|---|---|---|---|---|--|--|--|--|--|-------|
| 17 | | <p>Прочитайте текст и установите соответствие.</p> <p>Рассмотрим решение плохо обусловленной СЛАУ. Пусть дана система из двух уравнений $\begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 10^{-5} \end{vmatrix} \times \begin{vmatrix} \varphi_1 \\ \varphi_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 \\ 10^{-5} \end{vmatrix}$. В решении приведенной задачи присутствуют такие характеристики:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Решение системы являющееся вектором. 2. Значение шума. 3. Евклидова норма определяющая близость векторов. 4. Решение, найденное по вектору. 5. Точное решение. <p>Установите соответствие между указанными характеристиками и их математическими выражениями, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</p> <table border="1" data-bbox="416 667 1347 1272"> <tr> <td>А</td> <td>Решение, системы являющееся вектором</td> <td>1</td> <td>$\tilde{\varphi} = 1.01, -999 ^T$</td> </tr> <tr> <td>Б</td> <td>Значение шума</td> <td>2</td> <td>$\ \tilde{\varphi} - \bar{\varphi}\ = \left(\sum_{i=1}^2 (\bar{\varphi}_i - \tilde{\varphi}_i)^2 \right)^{1/2} = 1000$</td> </tr> <tr> <td>В</td> <td>Евклидова норма, определяющая близость векторов</td> <td>3</td> <td>$\ \tilde{f} - \bar{f}\ = \left(\sum_{i=1}^2 (\bar{f}_i - \tilde{f}_i)^2 \right)^{1/2} = 0.014$</td> </tr> <tr> <td>Г</td> <td>Решение, найденное по вектору</td> <td>4</td> <td>$\bar{\varphi} = 1, 1 ^T$; T - символ транспонирования</td> </tr> <tr> <td>Д</td> <td>Точное решение</td> <td>5</td> <td>$\eta = 0.01, -0.01 ^T$</td> </tr> </table> <p>Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:</p> <table border="1" data-bbox="416 1305 1334 1377"> <tr> <td>А</td> <td>Б</td> <td>В</td> <td>Г</td> <td>Д</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table> | А | Решение, системы являющееся вектором | 1 | $\tilde{\varphi} = 1.01, -999 ^T$ | Б | Значение шума | 2 | $\ \tilde{\varphi} - \bar{\varphi}\ = \left(\sum_{i=1}^2 (\bar{\varphi}_i - \tilde{\varphi}_i)^2 \right)^{1/2} = 1000$ | В | Евклидова норма, определяющая близость векторов | 3 | $\ \tilde{f} - \bar{f}\ = \left(\sum_{i=1}^2 (\bar{f}_i - \tilde{f}_i)^2 \right)^{1/2} = 0.014$ | Г | Решение, найденное по вектору | 4 | $\bar{\varphi} = 1, 1 ^T$; T - символ транспонирования | Д | Точное решение | 5 | $\eta = 0.01, -0.01 ^T$ | А | Б | В | Г | Д | | | | | | ОПК-1 |
| А | Решение, системы являющееся вектором | 1 | $\tilde{\varphi} = 1.01, -999 ^T$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Б | Значение шума | 2 | $\ \tilde{\varphi} - \bar{\varphi}\ = \left(\sum_{i=1}^2 (\bar{\varphi}_i - \tilde{\varphi}_i)^2 \right)^{1/2} = 1000$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| В | Евклидова норма, определяющая близость векторов | 3 | $\ \tilde{f} - \bar{f}\ = \left(\sum_{i=1}^2 (\bar{f}_i - \tilde{f}_i)^2 \right)^{1/2} = 0.014$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Г | Решение, найденное по вектору | 4 | $\bar{\varphi} = 1, 1 ^T$; T - символ транспонирования | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Д | Точное решение | 5 | $\eta = 0.01, -0.01 ^T$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| А | Б | В | Г | Д | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 18 | | <p>Прочитайте текст и установите соответствие.</p> <p>Для евклидовой нормы вектора существует несколько согласованных норм матриц.</p> <p>Установите соответствие между данными нормами и их формулами, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</p> <table border="1" data-bbox="416 1617 1327 1832"> <tr> <td>А</td> <td>Евклидова норма</td> <td>1</td> <td>$\ A\ = \left(\sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^M a_{ij}^2 \right)^{1/2}$</td> </tr> <tr> <td>Б</td> <td>Спектральная норма</td> <td>2</td> <td>$\ A\ = \mu_{\max}^{1/2}$; μ - максимальное собственное число</td> </tr> </table> <p>Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:</p> <table border="1" data-bbox="416 1865 1310 1937"> <tr> <td>А</td> <td>Б</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> </tr> </table> | А | Евклидова норма | 1 | $\ A\ = \left(\sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^M a_{ij}^2 \right)^{1/2}$ | Б | Спектральная норма | 2 | $\ A\ = \mu_{\max}^{1/2}$; μ - максимальное собственное число | А | Б | | | УК-1 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| А | Евклидова норма | 1 | $\ A\ = \left(\sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^M a_{ij}^2 \right)^{1/2}$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Б | Спектральная норма | 2 | $\ A\ = \mu_{\max}^{1/2}$; μ - максимальное собственное число | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| А | Б | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|--|--|---|--|--|---|--|---|---|---|---|---|------------------------------|---|--|---|------------------------------|---|--|---|---|------|---|--|--|--|--|-------|
| 19 | | <p>Прочитайте текст и установите соответствие.</p> <p>В байесовском подходе к построению регуляризирующих алгоритмов уделяется внимание априорной информации, необходимой для построения алгоритма и точности такого алгоритма. Исходной информацией при этом являются распределения с их смысловыми характеристиками.</p> <p>Установите соответствие между указанными распределениями и их характеристиками, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</p> <table border="1" data-bbox="416 454 1329 763"> <tr> <td data-bbox="416 454 475 548">А</td> <td data-bbox="475 454 662 548">$\Pi(\varphi_T, \bar{\varphi})$</td> <td data-bbox="662 454 719 548">1</td> <td data-bbox="719 454 1329 548">Априорное распределение искомого вектора решения $\bar{\varphi}$</td> </tr> <tr> <td data-bbox="416 548 475 665">Б</td> <td data-bbox="475 548 662 665">$p(f \bar{\varphi})$</td> <td data-bbox="662 548 719 665">2</td> <td data-bbox="719 548 1329 665">Условное распределение, характеризующее распределение вектора измерений при фиксированном векторе $\bar{\varphi}$</td> </tr> <tr> <td data-bbox="416 665 475 763">В</td> <td data-bbox="475 665 662 763">$p(\bar{\varphi})$</td> <td data-bbox="662 665 719 763">3</td> <td data-bbox="719 665 1329 763">Функция потерь, представимая в квадратичной форме</td> </tr> </table> <p>Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:</p> <table border="1" data-bbox="416 792 1313 869"> <tr> <td data-bbox="416 792 724 831">А</td> <td data-bbox="724 792 1027 831">Б</td> <td data-bbox="1027 792 1313 831">В</td> </tr> <tr> <td data-bbox="416 831 724 869"></td> <td data-bbox="724 831 1027 869"></td> <td data-bbox="1027 831 1313 869"></td> </tr> </table> | А | $\Pi(\varphi_T, \bar{\varphi})$ | 1 | Априорное распределение искомого вектора решения $\bar{\varphi}$ | Б | $p(f \bar{\varphi})$ | 2 | Условное распределение, характеризующее распределение вектора измерений при фиксированном векторе $\bar{\varphi}$ | В | $p(\bar{\varphi})$ | 3 | Функция потерь, представимая в квадратичной форме | А | Б | В | | | | УК-1 | | | | | | |
| А | $\Pi(\varphi_T, \bar{\varphi})$ | 1 | Априорное распределение искомого вектора решения $\bar{\varphi}$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Б | $p(f \bar{\varphi})$ | 2 | Условное распределение, характеризующее распределение вектора измерений при фиксированном векторе $\bar{\varphi}$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| В | $p(\bar{\varphi})$ | 3 | Функция потерь, представимая в квадратичной форме | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| А | Б | В | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 20 | | <p>Прочитайте текст и установите соответствие.</p> <p>В функционале $F_B[\varphi] = \ \tilde{f} - A\varphi\ _{V_n^{-1}}^2 + \ \varphi - m_{\bar{\varphi}}\ _{V_{\bar{\varphi}}^{-1}}^2$ точка минимума которого является байесовским решением СЛАУ, дана интерпретация слагаемых этого функционала.</p> <p>Установите соответствие, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</p> <table border="1" data-bbox="416 1155 1347 1792"> <tr> <td data-bbox="416 1155 475 1335">А</td> <td data-bbox="475 1155 852 1335">Меньшее значение величины первого слагаемого соответствует</td> <td data-bbox="852 1155 909 1335">1</td> <td data-bbox="909 1155 1347 1335">большой вероятности события, что вектор φ является выборкой из совокупности векторов, распределенных по нормальному закону</td> </tr> <tr> <td data-bbox="416 1335 475 1485">Б</td> <td data-bbox="475 1335 852 1485">Меньшее значение второго слагаемого соответствует</td> <td data-bbox="852 1335 909 1485">2</td> <td data-bbox="909 1335 1347 1485">позволяет выделить множество векторов, «гладкость» которых адекватна ковариационной матрице $V_{\bar{\varphi}}$</td> </tr> <tr> <td data-bbox="416 1485 475 1601">В</td> <td data-bbox="475 1485 852 1601">Первое слагаемое функционала</td> <td data-bbox="852 1485 909 1601">3</td> <td data-bbox="909 1485 1347 1601">большой вероятности события, что зарегистрированный вектор \tilde{f} соответствует вектору φ</td> </tr> <tr> <td data-bbox="416 1601 475 1792">Г</td> <td data-bbox="475 1601 852 1792">Второе слагаемое функционала</td> <td data-bbox="852 1601 909 1792">4</td> <td data-bbox="909 1601 1347 1792">позволяет выделить в пространство векторов φ множество векторов, статистических адекватных заданному вектору \tilde{f}</td> </tr> </table> <p>Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:</p> <table border="1" data-bbox="416 1821 1334 1897"> <tr> <td data-bbox="416 1821 647 1859">А</td> <td data-bbox="647 1821 879 1859">Б</td> <td data-bbox="879 1821 1110 1859">В</td> <td data-bbox="1110 1821 1334 1859">Г</td> </tr> <tr> <td data-bbox="416 1859 647 1897"></td> <td data-bbox="647 1859 879 1897"></td> <td data-bbox="879 1859 1110 1897"></td> <td data-bbox="1110 1859 1334 1897"></td> </tr> </table> | А | Меньшее значение величины первого слагаемого соответствует | 1 | большой вероятности события, что вектор φ является выборкой из совокупности векторов, распределенных по нормальному закону | Б | Меньшее значение второго слагаемого соответствует | 2 | позволяет выделить множество векторов, «гладкость» которых адекватна ковариационной матрице $V_{\bar{\varphi}}$ | В | Первое слагаемое функционала | 3 | большой вероятности события, что зарегистрированный вектор \tilde{f} соответствует вектору φ | Г | Второе слагаемое функционала | 4 | позволяет выделить в пространство векторов φ множество векторов, статистических адекватных заданному вектору \tilde{f} | А | Б | В | Г | | | | | ОПК-1 |
| А | Меньшее значение величины первого слагаемого соответствует | 1 | большой вероятности события, что вектор φ является выборкой из совокупности векторов, распределенных по нормальному закону | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Б | Меньшее значение второго слагаемого соответствует | 2 | позволяет выделить множество векторов, «гладкость» которых адекватна ковариационной матрице $V_{\bar{\varphi}}$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| В | Первое слагаемое функционала | 3 | большой вероятности события, что зарегистрированный вектор \tilde{f} соответствует вектору φ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Г | Второе слагаемое функционала | 4 | позволяет выделить в пространство векторов φ множество векторов, статистических адекватных заданному вектору \tilde{f} | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| А | Б | В | Г | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ЗАДАНИЯ КОМБИНИРОВАННОГО ТИПА С ВЫБОРОМ ОДНОГО ПРАВИЛЬНОГО ОТВЕТА | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

| | | | |
|--|--|---|-------|
| 21 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильный ответ. Какой точкой является глобальное регуляризованное решение φ_α квадратичного функционала.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. минимума 2. максимума 3. стационарной | УК-1 |
| 22 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильный ответ. Байесовское регуляризованное решение находится из системы линейных алгебраических уравнений</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. $(A^T V_\eta^{-1} A + V_\varphi^{-1})(\varphi + \tilde{f}) = A^T V_\eta^{-1} \tilde{f} + V_\varphi^{-1} m_\varphi$ 2. $(A^T V_\eta^{-1} A + V_\varphi^{-1})\tilde{f} = A^T V_\eta^{-1} \tilde{f} + V_\varphi^{-1} m_\varphi$ 3. $(A^T V_\eta^{-1} A + V_\varphi^{-1})\varphi = A^T V_\eta^{-1} \tilde{f} + V_\varphi^{-1} m_\varphi$ | ОПК-1 |
| 23 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильный ответ. К недостаткам байесовского подхода к построению регуляризованного решения СЛАУ следует отнести:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. допущение об описательной природе искомого решения 2. допущение о случайной природе искомого решения 3. допущение о детерминированной природе искомого решения 4. допущение о статистической природе искомого решения | УК-1 |
| 24 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильный ответ. Матрица B называется ортогональной, если имеет место тождество</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. $B^T - B = B - B^T = I$ 2. $B^T B = BB^T = I$ 3. $B^T B = BB^T = 0$ 4. $B^T B^{-1} = B^{-1} B^T = I$ | ОПК-1 |
| 25 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильный ответ. Точность построенного байесовского регуляризованного решения рассматривается при следующих предположениях: $M[\eta] = 0$; $M[\varphi\eta^T] = 0$. Данное условие означает, что проекция φ_j и η_i</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. не коррелированы между собой 2. достигает минимума 3. убывает по абсолютной величине 4. линейно зависимы между собой | УК-1 |
| 26 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильный ответ. Минимаксный регуляризирующий алгоритм строится из следующего условия регуляризованного решения на «допустимом» множестве решений Ω.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. минимума наибольшей ошибки 2. максимума постоянной ошибки 3. максимума наименьшей ошибки | ОПК-1 |
| ЗАДАНИЯ КОМБИНИРОВАННОГО ТИПА С ВЫБОРОМ НЕСКОЛЬКИХ ПРАВИЛЬНЫХ ОТВЕТОВ | | | |
| 27 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильные ответы. Из предложенных вариантов выберите условия невырожденности матрицы A.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Матрица A не вырождена, когда $\det(A) = 0$. 2. Матрица A не вырождена тогда и только тогда, когда ее строки линейно зависимы. | УК-1 |

| | | | |
|----|--|---|-------|
| | | <p>3. Матрица A не вырождена тогда и только тогда, когда ее строки (столбцы) линейно независимы.</p> <p>4. Матрица A не вырождена, когда $\det(A) \neq 0$.</p> | |
| 28 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильные ответы.</p> <p>В исследовании построения нормального псевдорешения в Mathcad, определена функция svd, обращение которой имеет вид $svd(A)$. Она вычисляет матрицу UV размером $(N+M) \times M$. Выберите правильные ответы о соответствии первых и последних строк рассматриваемой матрицы.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Первые N строк этой матрицы соответствуют матрице U размером $N \times M$ 2. Первые N строк этой матрицы соответствуют матрице U размером $N \times N$ 3. Последние M строк матрицы UV содержат матрицу V размером $M \times M$ 4. Последние M строк матрицы UV содержат матрицу V размером $(M-N) \times M$ | ОПК-1 |
| 29 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильные ответы.</p> <p>Вариационные задачи синтеза регуляризирующего алгоритма описываются следующими задачами:</p> <p>Задача А: $\min_{\alpha > 0} U_b(\alpha)$ при $U_\xi(\alpha) \leq U_\xi^{\max}$.</p> <p>Задача В: $\min_{\alpha > 0} U_\xi(\alpha)$ при $U_b(\alpha) \leq U_b^{\max}$.</p> <p>Выберите из предложенных описание задач А и В.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Решение задачи А (величина α_A) минимизирует систематическую ошибку при приближенной вариации решения к шуму измерения. 2. Решение задачи В (величина α_B) минимизирует норму случайной ошибки решения при требуемой разрешающей способности алгоритма. 3. Решение задачи В (величина α_B) минимизирует норму случайной ошибки решения при приближенной разрешающей способности алгоритма. 4. Решение задачи А (величина α_A) минимизирует систематическую ошибку при гарантированной устойчивости решения к шуму измерения. | УК-1 |
| 30 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильные ответы.</p> <p>При выборе параметра регуляризации на основе критерия оптимальности V_η - ковариационная матрица вектора погрешностей η. Если матрица V_η не вырождена, то имеют место свойства:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. для значений α_w, математическое ожидание $M[\rho_w(\alpha)] = 0$ 2. для любого $\alpha > 0$ статистика $\rho_w(\alpha)$ есть сумма квадратов N случайных величин 3. для любого $\alpha \geq 0$ статистика $\rho_w(\alpha)$ есть сумма квадратов N случайных величин, являющаяся постоянной величиной 4. для значений α_w, математическое ожидание $M[\rho_w(\alpha)] = N$ | ОПК-1 |
| 31 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильные ответы.</p> <p>Для построения байесовского регуляризирующего алгоритма и точности такого алгоритма, исходной информацией являются:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Априорное распределение $p(\bar{\varphi})$ искомого вектора решения $\bar{\varphi}$ 2. Дискретное неравномерное распределение $p(\bar{\varphi})$ искомого вектора решения $\bar{\varphi}$ | ОПК-1 |

| | | | |
|----|--|---|------|
| | | <p>3. Условное несовместное распределение $p(\tilde{f} \bar{\varphi})$, характеризующее распределение вектора измерений \tilde{f} при фиксированном векторе $\bar{\varphi}$</p> <p>4. Условное распределение $p(\tilde{f} \bar{\varphi})$, характеризующее распределение вектора измерений \tilde{f} при фиксированном векторе $\bar{\varphi}$</p> | |
| 32 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильные ответы.</p> <p>Система алгебраических уравнений называется несовместной, если для заданной правой части не существует вектора φ, обращающего СЛАУ в тождество, т.е. не выполняется первое условие корректной постановки задачи. Несовместность может быть вызвана следующими неточностями:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. неточностью задания диагональных элементов матрицы системы 2. неточностью задания элементов матрицы системы 3. неточностью задания правой части 4. неточностью задания элементов расширенной матрицы системы | УК-1 |